# NGHIÊN CÚU THIẾT LẬP VÀ GIẢI MÔ HÌNH TOÁN TRUYỀN NHIỆT – TÁCH ẨM ĐÔNG THỜI TRONG ĐIỀU KIỆN SẤY THĂNG HOA (STH)

Nguyễn Tấn Dũng<sup>(1)</sup>, Trịnh Văn Dũng<sup>(2)</sup>, Trần Đức Ba<sup>(3)</sup>

Trường Đại học Sư phạm Kỹ thuật Tp.HCM,
 Trường Đại học Bách Khoa, ĐHQG-HCM

(3) Trường Đại học Công Nghiệp Tp.HCM

(Bài nhận ngày28 tháng 11 năm 2008, hoàn chỉnh sửa chữa ngày 23 tháng 07 năm 2009)

TÓM TĂT: Khi nghiên cứu ứng dụng STH trong bảo quản các sản phẩm có giá trị kinh tế thì việc xây dựng mô hình toán và giải bài toán truyền nhiệt – truyền khối đồng thời trong điều kiện STH, từ đó làm cơ sở để xác định chế độ công nghệ là rất quan trọng. Ở bài viết này chúng tôi sẽ trình bày kết quả nghiên cứu thiết lập mô hình toán và giải bài toán truyền nhiệt – tách ẩm đồng thời ở dạng trụ trong điều kiện STH, kết quả thu được sẽ ứng dụng STH trong bảo quản sản phẩm thủy hải sản nhóm giáp xác (tôm sú, tôm bạc và tôm thẻ) có giá trị kinh tế.

## 1. ĐẶT VẤN ĐỀ

Thực tế cho thấy việc ứng dụng STH trong bảo quản các sản phẩm thực phẩm có giá trị kinh tế thì vấn đề đặt ra cần phải xác định cho được chế độ công nghệ thích hợp, vì STH sấy ở điều kiện áp suất thấp và nhiệt độ thấp và nhỏ hơn trạng thái ba thể O(4,58mmHg, 0.0098<sup>0</sup>C) của ẩm bên trong vật liệu ẩm (**VLA**) và đây là kỹ thuật chế biến tiên tiến nhất hiện nay, sản phẩm được chế biến bằng kỹ thuật này sẽ giữ được gần như hoàn toàn các tố chất tự nhiên ban đầu của chúng. Tuy nhiên, kỹ thuật STH khá phức tạp, việc xác định chế độ công nghệ thích hợp để đưa vào ứng dụng không gặp ít muôn vàn khó khăn. Chính vì vậy, bài toán đặt ra ở đây là cần phải nghiên cứu thiết lập mô hình toán và giải bài toán truyền nhiệt – tách ẩm khối đồng thời của VLA ở dạng trụ trong điều kiện STH, từ đó làm cơ sở cho việc xác lập chế độ công nghệ STH và ứng dụng công nghệ này trong việc bảo quản các sản phẩm thủy hải sản nhóm giáp xác (tôm sú, tôm bạc và tôm thẻ) có giá trị kinh tế.

#### 2. NỘI DUNG

#### 2.1. Mô tả quá trình STH

Quá trình STH gồm 3 giai đoạn nối tiếp nhau [3], [4], [5], [6]:

**§ Giai đoạn 1**: lạnh đông VLA đến nhiệt độ lạnh đông tối ưu, nước trong VLA đóng băng hoàn toàn.

**§ Giai đoạn 2**: STH, kết thúc giai đoạn này nhiệt độ VLA vượt qua nhiệt độ kết tinh, nhưng ở lân cận điểm kết tinh và còn lại là pha lỏng.

§ Giai đoạn 3: Sấy chân không (SCK) để tách lượng ẩm còn lại.

Về mặt thiết bị có thể tham khảo tài liệu [4].

#### 2.2. Các giả thiết ban đầu

i) VLA nghiên cứu là các loại thực phẩm dạng trụ có bán kính R (d = 2R), chiều cao là H = 2h. Chẳng hạn: thủy hải sản nhóm giáp xác như: tôm sú, tôm bạc, tôm thẻ bóc vỏ, cắt bỏ đầu và đuôi xem gần đúng hình trụ có kích thước:  $D = 2R = 2x4.5x10^{-3}$  [m],  $H = 75x10^{-3}$ [m], xem mô tả ở *hình 1*.

ii) Xem các thông số nhiệt vật lý:  $\rho_i$ ,  $C_{pi}$ ,  $\lambda_i$ ,  $a_i$ ,... là hằng số lấy trung bình theo nhiệt độ, ẩn nhiệt thăng hoa  $r_{th}$  và ẩn nhiệt hóa hơi  $r_{hh}$  gọi chung là  $L_0$  xem là hằng số. iii) Vì trong điều kiện STH thì áp suất thăng hoa của ẩm đóng băng và nhiệt độ của chúng nhỏ hơn điểm ba thể O(4.58mmHg,  $0.0098^{\circ}$ C) nên trao đổi nhiệt trong điều kiện STH chủ yếu là trao đổi nhiệt bức xạ từ nguồn bức xạ đến bề mặt VLA, sau đó dẫn truyền từ bề mặt vào các lớp bên trong để thực hiện thăng hoa ẩm đóng băng. Vì vậy, hệ số tỏa nhiệt: đối lưu  $\alpha_{dl} = 0$ , bức xạ  $\alpha_{bx} \neq 0$ .

iv) Xem hàm ẩm phân bố đều trong hình trụ và có các mặt đẳng nhiệt đồng tâm, đồng thời xem vùng (I) là lớp khô ẩm đã thăng hoa, vùng (II) là lớp ẩm đóng băng chưa thăng hoa.



Vủng (I): lớp khô, ẩm đã thăng hoa. Vùng (II): lớp chưa khô, ẩm chưa thăng hoa

### 2.3. Lập mô hình toán truyền nhiệt – tách ẩm trong điều kiện STH

# 2.3.1. Phương trình truyền nhiệt [2]

- Từ các giả thiết đặt ra và mô hình nghiên cứu thì chúng ta có thể viết phương trình vi phân dẫn nhiệt không ổn định dưới dạng tổng quát sau:

$$\frac{\partial t}{\partial \tau} + \stackrel{\rightarrow}{w} gradt = \frac{q_v}{c_p \rho} + a \cdot \nabla^2 t \tag{1}$$

- Xem mô hình nghiên cứu dạng hình trụ có d = 2R; H = 2h, không có nguồn nhiệt bên trong ( $q_v = 0$ ), VLA rắn nên w = 0, đồng thời xem các mặt đẳng nhiệt là các mặt trụ đồng tâm, do đó phương trình vi phân dẫn nhiệt (1) được viết như sau:

$$\frac{\partial t(r,z,\tau)}{\partial \tau} = a \left( \frac{\partial^2 t(r,z,\tau)}{\partial r^2} + \frac{1}{r} \frac{\partial t(r,z,\tau)}{\partial r} + \frac{\partial^2 t(r,z,\tau)}{\partial z^2} \right), \tau \ge 0$$
(2)

§ Đối với vùng (I):  

$$\begin{cases}
\frac{\partial t}{\partial \tau} = a \left( \frac{\partial^2 t}{\partial r^2} + \frac{1}{r} \frac{\partial t}{\partial r} + \frac{\partial^2 t}{\partial z^2} \right) \\
r^- \le r \le R, \ z^- \le z \le h \\
\tau \ge 0
\end{cases} (3)$$
(3)  
§ Đối với vùng (II):  

$$\begin{cases}
\frac{\partial t_1}{\partial \tau} = a_1 \left( \frac{\partial^2 t_1}{\partial r^2} + \frac{1}{r} \frac{\partial t_1}{\partial r} + \frac{\partial^2 t_1}{\partial z^2} \right) \\
0 \le r \le r^+, \ 0 \le z \le z^+, \ \tau \ge 0 \\
t_1(r, z, \tau) = T_{th} = const
\end{cases}$$

# § Các điều kiện đơn trị để giải bài toán (3) và (4)

Điều kiện đầu:

$$\tau = 0$$
 thì  $t(r, z, 0) = t(R, z, 0) = t(r, h, 0) = T_w = T_{th} = const$  (5)

$$t_1(r, z, 0) = t_1(0, 0, 0) = T_{th} = const$$
 (6)

$$T_{\rm f} = \text{const}$$
 : nhiệt độ môi trường bức xạ. (7)

 $\mathrm{T}_{\mathrm{w}}$  : nhiệt độ bề mặt của VLA

Điều kiện biên:

$$\frac{\partial t(\mathbf{r}, \mathbf{z}, \tau)}{\partial \mathbf{r}} \bigg|_{\mathbf{r}=\mathbf{R}} = -\frac{\alpha_{bx}}{\lambda} \left( T_{f} - t(\mathbf{R}, \mathbf{z}, \tau) \right); \quad \frac{\partial t_{1}(\mathbf{r}, \mathbf{z}, \tau)}{\partial \mathbf{r}} \bigg|_{\mathbf{r}=\mathbf{0}} = 0$$
(9a)

$$\frac{\partial t(\mathbf{r}, \mathbf{z}, \tau)}{\partial \mathbf{z}} \bigg|_{\mathbf{z}=\mathbf{h}} = -\frac{\alpha_{\mathbf{b}\mathbf{x}}}{\lambda} \left( \mathbf{T}_{\mathbf{f}} - t(\mathbf{r}, \mathbf{h}, \tau) \right); \quad \frac{\partial t_1(\mathbf{r}, \mathbf{z}, \tau)}{\partial \mathbf{z}} \bigg|_{\mathbf{z}=\mathbf{0}} = 0$$
(9b)

Tại bề mặt lớp khô tiếp với lớp đóng băng:

$$t_1(r^+, z, \tau) = t_1(r, z^+, \tau) = T_{th} = \text{const}; q_R = -\lambda_1 \left(\frac{\partial t_1}{\partial r}\right)_{r=r^-} = -\lambda_2 \left(\frac{\partial t_2}{\partial r}\right)_{r=r^+} = \alpha_{bx} \Delta t_R \quad (10a)$$

$$t(\bar{r}, z, \tau) = t(r, \bar{z}, \tau) = T_{th} = \text{const}; q_h = -\lambda_1 \left(\frac{\partial t_1}{\partial z}\right)_{z=\bar{z}} = -\lambda_2 \left(\frac{\partial t_2}{\partial z}\right)_{z=\bar{z}^+} = \alpha_{bx} \Delta t_h \quad (10b)$$

# 2.3.2. Phương trình truyền nhiệt – tách ẩm trong điều kiện STH

**§** Phương trình này được thiết lập từ phương trình cân bằng nhiệt trong điều kiện STH:

$$dQ_{bx} = dQ_1 + dQ_2 \tag{11}$$

Với:  $\mathbf{dQ}_{bx}$  [kJ]: lượng nhiệt bức xạ cấp vào trong thời gian d $\tau$  [s] để thực hiện thăng hoa ẩm đóng băng và nung nóng lớp khô mà ẩm đã thăng hoa. Lượng nhiệt này được xác định theo phương trình:  $\mathbf{dQ}_{bx} = -\lambda \left(\frac{\partial t}{\partial \tau}\right) = 2\pi R H d\tau - \lambda \left(\frac{\partial t}{\partial \tau}\right) = \pi R^2 d\tau$  (11a)

hương trình: 
$$dQ_{bx} = -\lambda \left(\frac{\partial t}{\partial r}\right)_{r=R} 2\pi R H d\tau - \lambda \left(\frac{\partial t}{\partial z}\right)_{z=h} \pi R^2 d\tau$$
 (11a)  
 $dQ_{r}$  [k]: lượng phiết cần thiết cho thăng họa làm tích lượng ẩm đóng bằng ở vùng (I)

$$dQ_1 [kJ]: \text{ living nhift can thirt cho thang hoa lam tach living am dong bang of vung (1)} dQ_1 = L_0 dG_{\text{ndth}} = -L_0 GdW = -L_0 \rho_1 \pi R^2 HdW$$
(11b)

Trang 69

(8)

 $dQ_2$  [kJ]: lượng nhiệt dẫn truyền qua lớp khô (ẩm đã thăng hoa) nung nóng lớp khô có bề dày (R – r) và (h – z) trong thời gian d $\tau$ . Xác định theo phương trình sau:

$$dQ_2 = -\lambda \left(\frac{\partial t}{\partial r}\right)_{r=r} 2\pi r H d\tau - \lambda \left(\frac{\partial t}{\partial z}\right)_{z=z} \pi r^2 d\tau$$
(11c)

**§** Khai triển phương trình (11) sẽ thu được phương trình truyền nhiệt – tách ẩm trong điều kiện STH như sau:

$$-L_{0}\rho_{1}R^{2}H\frac{dW}{d\tau} = \left[-\lambda\left(\frac{\partial t}{\partial r}\right)_{r=R}2R + \lambda\left(\frac{\partial t}{\partial r}\right)_{r=r}2r\right]H + \left[-\lambda\left(\frac{\partial t}{\partial z}\right)_{z=h}R^{2} + \lambda\left(\frac{\partial t}{\partial z}\right)_{z=z}r^{2}\right]$$
(12)

Với  $\lambda$ : hệ số dẫn nhiệt của lớp khô ẩm đã thăng hoa, [W/(mK)].

 $\rho_1$ : khối lượng riêng lớp đóng băng của VLA, [ kg/m³].

W: độ ẩm của VLA [%],  $L_0$  ký hiệu chung cho ẩn nhiệt thăng hoa ( $\mathbf{r}_{th}$ ) hoặc hóa hơi ( $\mathbf{r}_{hh}$ ) [kJ/kg].

§ Ở giai đoạn 2 sấy thăng hoa 
$$L_0 = r_{th}$$

$$\left\{ -r_{th}\rho_{1}R^{2}H\frac{dW}{d\tau} = \left[ -\lambda \left(\frac{\partial t}{\partial r}\right)_{r=R} 2R + \lambda \left(\frac{\partial t}{\partial r}\right)_{r=r^{-}} 2r \right] H + \left[ -\lambda \left(\frac{\partial t}{\partial z}\right)_{z=h} R^{2} + \lambda \left(\frac{\partial t}{\partial z}\right)_{z=z^{-}} r^{2} \right]$$
(13)

$$\lfloor t_1(r^+, z, \tau) = t(r^-, z, \tau) = t_1(r, z^+, \tau) = t(r, z^-, \tau) \le T_{kt}; \tau = \tau_{th}$$

§ Ở giai đoạn 3 sấy chân không  $L_0 = r_{hh}$ 

$$\begin{cases} -r_{hh}\rho_2 R^2 H \frac{dW}{d\tau} = \left[ -\lambda \left( \frac{\partial t}{\partial r} \right)_{r=R} 2R + \lambda \left( \frac{\partial t}{\partial r} \right)_{r=r^-} 2r \right] H + \left[ -\lambda \left( \frac{\partial t}{\partial z} \right)_{z=h} R^2 + \lambda \left( \frac{\partial t}{\partial z} \right)_{z=z^-} r^2 \right] \\ t_1(r^+, z, \tau) = t(r^-, z, \tau) = t_1(r, z^+, \tau) = t(r, z^-, \tau) > T_{kt}; \tau = \tau_{ck} \end{cases}$$
(14)

Với:  $T_{kt}$  [<sup>0</sup>C]: nhiệt độ kết tinh của ẩm;  $\rho_2$  [kg/m<sup>3</sup>]: khối lượng riêng VLA chưa đóng băng.

#### 2.4. Giải mô hình toán

a) Vì  $t_1(r^+, z, \tau) = t_1(r, z^+, \tau) = T_{th} = \text{const}$  nên phương trình (4) đúng nghiệm.

b) Giải phương trình (3): bằng phương pháp phân ly biến số Fourier. Các hằng số tích phân được xác định từ điều kiện biên (5), (6), (7), (8), (9a,b) và (10a,b), qua biến đổi sẽ thu được nghiệm tổng quát:

$$t(r, z, \tau) = T_{f} + (T_{th} - T_{f}) \sum_{m=1}^{\infty} \sum_{n=1}^{\infty} A_{n} A_{m} J_{0} \left(\mu_{n} \frac{r}{R}\right) \cos\left(\mu_{m} \frac{z}{h}\right) \exp\left[-\left(\frac{a\tau}{\eta}\right)\right]$$
(15)

Với: 
$$A_n = \frac{2J_1(\mu_n)}{\mu_n \left[ J_0^2(\mu_n) + J_1^2(\mu_n) \right]}; A_m = \frac{2\sin\mu_m}{\left[ \mu_m + \sin\mu_m \cos\mu_m \right]}; \frac{1}{\eta} = \frac{\mu_n^2}{R^2} + \frac{\mu_m^2}{h^2}$$

 $T_f$  = const : nhiệt độ môi trường bức xạ;  $~0 \leq r \leq R,~0 \leq z \leq h\,,\tau \geq 0$ 

T<sub>th</sub> : nhiệt độ thăng hoa của ẩm trong VLA

| $\mu_n$ : là nghiệm của phương trình đặc trưng: | $\frac{J_0(\mu_n)}{J_1(\mu_n)} = \frac{\mu_n}{Bi_R}$ | (16) |
|---|--|------|
|   |  |      |

$$\mu_{\rm m}$$
: là nghiệm của phương trình đặc trưng:  $\cot g\mu_{\rm m} = \frac{\mu_{\rm m}}{{\rm Bi}_{\rm h}}$ 
(17)

$$Bi_h$$
: chuẩn số Bio vùng I theo phương z:  $Bi_h = \frac{\alpha_{bx}n}{\lambda}$  (18)

Fo<sub>h</sub>: chuẩn số Fourier vùng I theo phương z: 
$$Fo_h = \frac{a\tau}{h^2}$$
 (19)

$$Bi_R$$
 : chuẩn số Bio vùng I theo phương r:  $Bi_R = \frac{\alpha_{bx}R}{\lambda}$  (20)

 $Fo_R = \frac{a\tau}{R^2}$  $Fo_R$  : chuẩn số Fourier vùng I theo phương r: (21)a [m<sup>2</sup>s<sup>-1</sup>]: hệ số dẫn nhiệt của lớp khô tuyệt đối: а

$$u = \frac{\lambda}{c_{ck}\rho_{ck}}$$
(22)

 $\lambda$ [W/(mK)], a[m<sup>2</sup>/s]: hệ số dẫn nhiệt và hệ số dẫn nhiệt độ của lớp khô. R[m]: bán kính hình trụ của mô hình nghiên cứu.

 $J_0(\mu_n)$ ,  $J_1(\mu_n)$ : là các hàm Bessel loại 1 bậc 0, 1; *TLTK [7]*, với:

$$J_{0}(x) = 1 - \left(\frac{1}{2}x\right)^{2} + \frac{\left(\frac{1}{2}x\right)^{4}}{1^{2}2^{2}} - \frac{\left(\frac{1}{2}x\right)^{6}}{1^{2}2^{2}3^{2}} + \frac{\left(\frac{1}{2}x\right)^{6}}{1^{2}2^{2}3^{2}4^{2}} - \dots;$$
  
$$J_{1}(x) = -J_{0}'(x) = \frac{1}{2}x - \frac{\left(\frac{1}{2}x\right)^{3}}{1^{2}2} + \frac{\left(\frac{1}{2}x\right)^{5}}{1^{2}2^{2}3} - \frac{\left(\frac{1}{2}x\right)^{7}}{1^{2}2^{2}3^{2}4} + \dots;$$

c)Hệ số tỏa nhiệt bức xạ được xác định theo phương trình [7], [8], [9]:  $\alpha_{bx} = C_0 k \epsilon_{qd} 10^{-8} \left(T_f^2 + T^2\right) \left(T_f + T\right) \qquad [W/(m^2 K)]$ 

Với:  $T_f$  = const: nhiệt độ nguồn bức xạ. Hệ số bức xạ trung bình xác định theo nhiệt độ xem như không thay đổi trong quá trình cấp nhiệt được xác định theo phương trình sau:

$$\bar{\alpha}_{bx} = C_0 k \varepsilon_{qd} \cdot 10^{-8} \frac{1}{T_f - T_{th}} \int_{T_{th}}^{T_f} \left( T_f^2 + T^2 \right) (T_f + T) dT \qquad [W/(m^2 K)]$$
(25)

Với: C<sub>0</sub> = 5.67 [W/(m<sup>2</sup>K<sup>4</sup>)] hệ số bức xạ của vật đen tuyệt đối;  $\varepsilon_{qd} = 1/(\frac{1}{\varepsilon_1} + \frac{1}{\varepsilon_2} - 1)$ : độ đen quy dẫn;  $\epsilon_1$ = 0.96,  $\epsilon_2$  = 0.9: độ đen của vật bức xạ và VLA. Như vậy:  $\epsilon_{qd}$  = 0.867

(24)

# 2.4.1. Xác định phương trình biến thiên hàm ẩm theo thời gian trong điều kiện STH

- Thay phương trình (15) vào (12) sau đó biến đổi lấy độ ẩm trung bình của VLA theo thể tích sẽ nhận được:

$$\begin{split} \overline{W}(\tau) &= W_0 - \frac{c_{ck}\rho_{ck}}{2L_0\rho_l R^4 h^2} \Biggl( \Biggl[ 4h^2 R^2 (T_{th} - T_f) \sum_{m=1}^{\infty} \sum_{n=1}^{\infty} A_n A_m \frac{\mu_n \eta}{\mu_m} J_1(\mu_n) \sin(\mu_m) \Biggl( 1 - \exp\Biggl(-\frac{a\tau}{\eta} \Biggr) \Biggr) \\ &- 4\frac{h^2}{R} (T_{th} - T_f) \sum_{m=1}^{\infty} \sum_{n=1}^{\infty} A_n A_m \frac{\mu_n \eta}{\mu_m} \Biggl( \int_0^R 2r^2 J_1 \Biggl( \mu_n \frac{r}{R} \Biggr) dr \Biggr) \sin(\mu_m) \Biggl( 1 - \exp\Biggl(-\frac{a\tau}{\eta} \Biggr) \Biggr) \Biggr] \\ &+ \Biggl[ R^2 (T_{th} - T_f) \sum_{m=1}^{\infty} \sum_{n=1}^{\infty} A_n A_m \mu_m \eta \Biggl( \int_0^R 2r J_0 \Biggl( \mu_n \frac{r}{R} \Biggr) dr \Biggr) \sin(\mu_m) \Biggl( 1 - \exp\Biggl(-\frac{a\tau}{\eta} \Biggr) \Biggr) \Biggr] \\ &- (T_{th} - T_f) \sum_{m=1}^{\infty} \sum_{n=1}^{\infty} A_n A_m \eta \Biggl( \int_0^R 2r^3 J_0 \Biggl( \mu_n \frac{r}{R} \Biggr) dr \Biggr) \Biggl( 1 - \exp\Biggl(-\frac{a\tau}{\eta} \Biggr) \Biggr) \Biggr] \end{split}$$

$$(26)$$

§ Ở giai đoạn 2 sấy thăng hoa

$$\begin{cases} \overline{W}(\tau) = W_{0} - \frac{c_{ck}\rho_{ck}}{2r_{th}\rho_{l}R^{4}h^{2}} \left( \left[ 4h^{2}R^{2}(T_{th} - T_{f})\sum_{m=l}^{\infty}\sum_{n=l}^{\infty}A_{n}A_{m}\frac{\mu_{n}\eta}{\mu_{m}}J_{1}(\mu_{n})\sin(\mu_{m})\left(1 - \exp\left(-\frac{a\tau}{\eta}\right)\right) \right. \\ \left. -4\frac{h^{2}}{R}(T_{th} - T_{f})\sum_{m=l}^{\infty}\sum_{n=l}^{\infty}A_{n}A_{m}\frac{\mu_{n}\eta}{\mu_{m}} \left( \int_{0}^{R}2r^{2}J_{1}\left(\mu_{n}\frac{r}{R}\right)dr \right)\sin(\mu_{m})\left(1 - \exp\left(-\frac{a\tau}{\eta}\right)\right) \right] \right. \\ \left. + \left[ R^{2}(T_{th} - T_{f})\sum_{m=l}^{\infty}\sum_{n=l}^{\infty}A_{n}A_{m}\mu_{m}\eta \left( \int_{0}^{R}2rJ_{0}\left(\mu_{n}\frac{r}{R}\right)dr \right)\sin(\mu_{m})\left(1 - \exp\left(-\frac{a\tau}{\eta}\right)\right) \right. \\ \left. - \left(T_{th} - T_{f}\right)\sum_{m=l}^{\infty}\sum_{n=l}^{\infty}A_{n}A_{m}\eta \left( \int_{0}^{R}2r^{3}J_{0}\left(\mu_{n}\frac{r}{R}\right)dr \right)1 - \cos(\mu_{m})\left(1 - \exp\left(-\frac{a\tau}{\eta}\right)\right) \right] \right] \\ \left. t_{1}(r^{+}, z, \tau) = t_{1}(r, z^{+}, \tau) = t(r^{-}, z, \tau) = t(r, z^{-}, \tau) = T_{th} \leq T_{kt} \\ \left. \tau = \tau_{th}; \overline{W}(\tau_{th}) = W_{01} \right.$$
 (27)

# § Ở giai đoạn 3 sấy chân không

$$\begin{split} \overline{W}(\tau) = W_{01} - \frac{c_{ck}\rho_{ck}}{2r_{hh}\rho_{2}R^{4}h^{2}} \Biggl( \Biggl[ 4h^{2}R^{2}(T_{th} - T_{f}) \sum_{m=1}^{\infty} \sum_{n=1}^{\infty} A_{n}A_{m} \frac{\mu_{n}\eta}{\mu_{m}} J_{1}(\mu_{n}) \sin(\mu_{m}) \Biggl( 1 - \exp\Biggl( -\frac{a\tau}{\eta} \Biggr) \Biggr) \\ - 4\frac{h^{2}}{R}(T_{th} - T_{f}) \sum_{m=1}^{\infty} \sum_{n=1}^{\infty} A_{n}A_{m} \frac{\mu_{n}\eta}{\mu_{m}} \Biggl( \int_{0}^{R} 2r^{2}J_{1}\left(\mu_{n}\frac{r}{R}\right) dr \Biggr) \sin(\mu_{m}) \Biggl( 1 - \exp\Biggl( -\frac{a\tau}{\eta} \Biggr) \Biggr) \Biggr] \\ + \Biggl[ R^{2}(T_{th} - T_{f}) \sum_{m=1}^{\infty} \sum_{n=1}^{\infty} A_{n}A_{m}\mu_{m}\eta \Biggl( \int_{0}^{R} 2rJ_{0}\left(\mu_{n}\frac{r}{R}\right) dr \Biggr) \sin(\mu_{m}) \Biggl( 1 - \exp\Biggl( -\frac{a\tau}{\eta} \Biggr) \Biggr) \Biggr] \\ - (T_{th} - T_{f}) \sum_{m=1}^{\infty} \sum_{n=1}^{\infty} A_{n}A_{m}\eta \Biggl( \int_{0}^{R} 2r^{3}J_{0}\left(\mu_{n}\frac{r}{R}\right) dr \Biggr) \sin(\mu_{m}) \Biggl( 1 - \exp\Biggl( -\frac{a\tau}{\eta} \Biggr) \Biggr) \Biggr] \Biggr] \\ t_{1}(r^{+}, z, \tau) = t_{1}(r, z^{+}, \tau) = t(r^{-}, z, \tau) = t(r, z^{-}, \tau) > T_{kt} \\ \tau = \tau_{ck}; \ \overline{W}(\tau_{ck}) = W_{yc} \end{aligned}$$

$$(28)$$

# 2.4.2.. Xác định điểm kết thúc giai đoạn sấy thăng hoa chuyển sang sấy chân không

- Kết thúc giai đoạn sấy thăng hoa khi đó:  $\overline{t}(r, z, \tau_{th}) = T_{kt}$  thay vào (15) sau khi lấy nhiệt độ trung bình theo thể tích để tìm thời gian sấy thăng hoa theo phương trình sau:

$$\begin{split} \overline{\theta} &= \overline{\theta}_{r} \,\overline{\theta}_{z} = \frac{T_{kt} - T_{f}}{T_{th} - T_{f}} = \sum_{m=1}^{\infty} \sum_{n=1}^{\infty} \left( \frac{4J_{1}^{2}(\mu_{n})}{\mu_{n}^{2} \left[ J_{0}^{2}(\mu_{n}) + J_{1}^{2}(\mu_{n}) \right]} \right) \rightarrow \\ & \rightarrow \left( \frac{2\sin^{2}\mu_{m}}{\mu_{m}^{2} + \mu_{m}\sin\mu_{m}\cos\mu_{m}} \right) \exp \left[ - \left( \mu_{n}^{2} \frac{a\tau_{th}}{R^{2}} + \mu_{m}^{2} \frac{a\tau_{th}}{h^{2}} \right) \right] \end{split}$$
(29)

- Phương trình (29) là cơ sở xác định thời gian sấy giai đoạn 2: sấy thăng hoa.

# 2.5. Dụng cụ thiết bị, đối tượng và phương pháp nghiên cứu để kiểm chứng mô hình toán

# 2.5.1. Thiết bị dụng cụ thí nghiệm

**§** Thiết bị, dụng cụ thực nghiệm gồm: Hệ thống sấy thăng hoa DS-3 có giai đoạn lạnh đông ngay trong buồng thăng hoa do chúng tôi tự thiết kế, chế tạo, *xem hình 2*.

**§** Hệ thống STH DS-3 có gắn các cảm biến nhiệt độ, độ ẩm và áp suất đo lường và điều khiển, rất thuận lợi cho việc thực nghiệm.



**Hình 2.** Hệ thống sấy thăng hoa DS-3 tự lạnh đông  $(-50 \div -45)^{0}$ C

## 2.5.2. Nguyên vật liệu nghiên cứu

Đối tượng nghiên cứu là loại thực phẩm thủy hải sản nhóm giáp xác: tôm sú, tôm bạc và tôm thẻ bóc vỏ bỏ đầu, cắt bỏ đầu và đuôi để tạo hình gần đúng với hình trụ cần nghiên cứu, có kích:  $H = 75 \times 10^{-3} \text{m}$ ,  $R = 4.5 \times 10^{-3} \text{m}$ .

## 2.5.3. Phương pháp nghiên cứu

Phương pháp nghiên cứu: thiết lập và giải mô hình toán, kiểm chứng mô hình toán bằng thực nghiệm.

# 3. KẾT QUẢ NGHIÊN CỨU VÀ THẢO LUẬN

# 3.1. Xác định nghiệm của phương trình đặc trưng (16), (17)

#### Các thông số vật lý và nhiệt - vật lý của vật liệu nghiên cứu

Các thông số vật lý và nhiệt – vật lý của vật liệu nghiên cứu thủy hải sản nhóm giáp xác (tôm sú, tôm bạc và tôm thẻ) *TLTK* [1]. Để kiểm chứng mô hình toán đã thiết lập, chúng tôi đã thực nghiệm trên nguyên vật liệu nghiên cứu đại diện cho nhóm này là tôm sú.

| Ký hiệu                               | Giá trị   | Thông số nhiệt – vật lý                       | Tham khảo           |
|---------------------------------------|-----------|---|---------------------|
| $\mathbf{W}_0$                        | 0.7467    | Độ ẩm ban đầu của VLA                         | Experiment (2007)   |
| $T_{kt} [^0C]$                        | -1.21     | Nhiệt độ kết tinh của ẩm bên trong VLA        | Experiment (2007)   |
| $T_{f}[^{0}C]$                        | 35        | Nhiệt độ nguồn bức xạ nhiệt.                  | Experiment (2007)   |
| $T_{th} [^0C]$                        | -25.11    | Nhiệt độ thăng hoa                            | Experiment (2007)   |
| r <sub>hh</sub> [kJkg <sup>-1</sup> ] | 2569.4196 | Ân nhiệt hóa hơi của nước                     | Perry et al. (1992) |
| r <sub>th</sub> [kJkg <sup>-1</sup> ] | 3230.875  | Ân nhiệt thăng hoa của nước                   | Perry et al. (1992) |
| ρ <sub>1</sub> [kgm <sup>-3</sup> ]   | 838.48    | Khối lượng riêng của VLA đóng băng hoàn       | Experiment (2007)   |
| $\rho_2  [kgm^{-3}]$                  | 839.34    | toàn.   | Experiment (2007)   |
| $\rho$ [kgm <sup>-3</sup> ]           | 364.03    | Khối lượng riêng của VLA không đóng băng.     | Experiment (2007)   |
| $\rho_{ck}$ [kgm <sup>-3</sup> ]      | 112.32    | Khối lượng riêng của VLA với $W = 0.08 - 0.1$ | Experiment (2007)   |
| c $[kJkg^{-1}K]$                      | 1.7454    | Khôi lượng riêng chât khô tuyệt đối trong     | Experiment (2007)   |

Bảng 1. Ký hiệu và giá trị các thông số nhiệt - vật lý của tôm sú



Hình 3. Đồ thị biểu diễn sự biến thiên của hàm điều hòa Bessel loại 1, bậc 0 và 1



Nhìn vào đồ thị ở *hình 4* rõ ràng phương trình đặc trưng (16), (17) có vô số nghiệm  $\mathbf{m}_n$ ,  $\mathbf{m}_m$  với (n = 1 $\rightarrow\infty$ ; m = 1 $\rightarrow\infty$ ). Vì vậy, phải chọn n, m sao cho chuỗi (15) hội tụ nhanh, có nghĩa các số hạng của chuỗi (15) tiếp theo n, m là i, j đã chọn vô cùng bé, nên có thể loại bỏ ( $\delta_{ij} < 0.0001$ ): với:

$$\delta_{ij} = A_i A_j J_0(\mu_i \frac{r}{R}) \cos(\mu_j \frac{z}{h}) \exp\left[-\left(\mu_i^2 F o_R + \mu_j^2 F o_h\right)\right]$$
(30)

Giải phương trình (16), (17) kèm theo điều kiện (30) bằng lập trình trên máy tính sẽ thu được nghiệm như sau, có thể xem *bảng* 2:

|        | m <sub>ni</sub> (16) | 0.8344 | 3.9299 | 7.0698 | 13.3524 |         |         |         |
|--------|----------------------|--------|--------|--------|---------|---------|---------|---------|
| Tôm sú | m <sub>mj</sub> (17) | 1.2084 | 3.835  | 6.7257 | 9.741   | 12.8102 | 15.9057 | 19.0156 |
|        | n                    | 4      |        |        |         |         |         |         |
|        | m                    | 7      |        |        |         |         |         |         |

**Bảng 2.** Nghiệm của phương trình đặc trưng ở điều kiện áp suất thăng hoa  $P_{th} = 0.01$  mmHg

Như vậy, phương trình (16) có 4 nghiệm (n = 4), phương trình (17) có 7 nghiệm (m = 7) thỏa điều kiệm (30)

## 3.2. Thực nghiệm để kiểm chứng mô hình toán đã thiết lập

Thay các thông số nhiệt – vật lý ở *bảng 1* và nghiệm phương trình đặc trưng ở *bảng 2* vào phương trình (27) và (28) rồi viết chương trình trên máy tính sẽ tính toán và mô phỏng đường cong sấy lý thuyết, đồng thời thực nghiệm và mô phỏng đường cong sấy thực nghiệm đối với VLA tôm sú, điều kiện STH ở áp suất  $P_{th} = 0.01$  mmHg, kết quả nhận được có thể *xem hình 5*. Rõ ràng, đường cong sấy tính toán từ mô hình và đường cong sấy thực nghiệm có dạng gần giống nhau.



**Hình 5.** Mô phỏng đường cong STH ở  $P_{th} = 0.01 \text{ mmHg}$ ,  $\alpha_{bx}$  (Opt) = 4.3088 [Wm<sup>-2</sup>K<sup>-1</sup>]

Sai số giữa số liệu tính toán từ mô hình so với số liệu thực nghiệm được xác định theo phương trình sau:

$$SS(W(\tau)) = \frac{\sum_{i=1}^{n} |W_{tn}(\tau) - \overline{W}_{lt}(\tau)| \Delta \tau}{\sum_{i=1}^{n} \overline{W}_{lt}(\tau) \Delta \tau} \times 100\% = \frac{\left| \int_{0}^{\tau} W_{nt}(\tau) d\tau - \int_{0}^{\tau} W_{lt}(\tau) d\tau \right|}{\int_{0}^{\tau} W_{lt}(\tau) d\tau} \times 100\%$$
(31)

Từ phương trình (31) sau khi tính toán bằng chương trình được viết trên máy tính sẽ nhận được kết quả: SS(W(t)) = 9.13%. Vì vậy, có thể khẳng định rằng: mô hình toán truyền nhiệt – tách ẩm mà chúng tôi thiết lập có thể hoàn toàn chấp nhận được cho những VLA tôm sú STH nói riêng và VLA hình trụ STH nói chung.

Để làm tăng thêm độ chính xác của mô hình toán khi ứng dụng mô hình toán truyền nhiệt – tách ẩm này vào thực tế để tính toán thiết kế, cũng như xác định chế độ công nghệ thì cần phải nhân thêm hệ số hiệu chỉnh trong mô hình toán, hệ số hiệu chỉnh được xác định như sau:

Gọi: 
$$Hc(t) = \frac{W_{tn}}{W_{lt}}$$
 (32), biển diễn hàm (32) trên đồ thị, *xem hình 6*, trong đó: W<sub>tn</sub>: độ ẩm

VLA trong quá trình sấy đo đạc bằng thực nghiệm, W<sub>lt</sub>: độ ẩm VLA tính toán từ mô hình.



**Hình 6.** Đồ thị biểu diễn quan hệ Hc và thời gian:  $Hc(t) = W_{tn} / W_{lt} = f(t)$ 

Nếu Hc( $\tau$ ) = 1 có nghĩa là đường cong sấy tính toán từ mô hình trùng với đường thực nghiệm, điều này chúng ta luôn mong muốn và mô hình toán thiết lập rất chính xác, trên đồ thị *hình 6* ta thấy Hc( $\tau$ ) biến thiên xung quanh đường Hc( $\tau$ ) =1, do đó mô hình toán được thiết lập chưa đúng với thực tế. Vì vậy, cần phải nhân thêm hệ số hiệu chỉnh, giá trị hệ số hiệu chỉnh chính là diện tích trung bình của hình thang cong biểu diễn ở *hình 6*, được xác định theo phương trình sau:

$$A = \sum_{i=0}^{n} \frac{1}{\tau_{i+1} - \tau_{i}} \int_{\tau_{i}}^{\tau_{i+1}} Hc(\tau) d\tau = \sum_{i=0}^{n} \frac{1}{\tau_{i+1} - \tau_{i}} \int_{\tau_{i}}^{\tau_{i+1}} \frac{W_{tn}}{W_{lt}} d\tau$$
(37)

Từ phương trình (37) sau khi tính toán bằng chương trình được viết trên máy tính, sẽ nhận được kết quả: A = 1.0913. Như vậy:  $W_{tn} = AW_{lt} = 1.0913W_{lt}$ 

## 3.3. Xác định thời gian sấy lý thuyết của giai đoạn STH và SCK

Khi sấy ở nhiệt độ bức xạ  $T_f = 35^{\circ}C$  và áp suất buồng thăng hoa  $P_{th} = 0.01$  mmHg thì thời gian sấy được xác định qua hai giai đoạn như sau:

Ở giai đoạn sấy thăng hoa: khi kết thúc giai đoạn STH thì nhiệt độ VLA  $\bar{t}(r, z, \tau_{th}) = T_{kt}$  bắt đầu vượt qua nhiệt độ kết tinh  $T_{kt} = -1.21^{\circ}C$ , bởi vì lúc đó ẩm đóng băng chưa thăng hoa hết sẽ chuyển sang pha lỏng thực hiện giai đoạn sấy chân không. Từ phương trình (29)

Thay các giá trị ở *bảng 1 và 2* vào phương trình (29) sẽ xác định được:  $t_{th} = 10.975h$ ; khi đó độ ẩm vật liệu khi kết thúc STH xác định từ phương trình (27) là:  $W_{th} = W_{01} = 0.0533 = 5.33\%$ 

§ Ở giai đoạn sấy chân không: khi kết thúc giai đoạn sấy chân không thì độ ẩm cuối cùng đạt độ ẩm yêu cầu  $W_{yc} = 0.035 = 3.5\%$ . Thay vào phương trình (31) sẽ xác định được:  $t_{ck} = 8.05h$ , tổng thời gian quá trình sấy:  $t = t_{th} + t_{ck} = 10.975 + 8.015 = 18.99h$ 

#### 3.5. Bàn luận

Qua thực nghiệm đã kiểm chứng, có thể khẳng định rằng mô hình toán đã được thiết lập là phù hợp cho các loại VLA dạng trụ trong điều kiện STH, tuy nhiên giữa đường tính toán từ mô hình và đường thực nghiệm có sự khác biệt nhau đáng kể trong STH là do một số nguyên nhân sau:

- Ban đầu ẩm đóng bằng có hàm lượng lớn nhất nên quá trình thăng hoa xảy ra mảnh liệt, [7], [8], [9] tuy nhiên quá trình thăng hoa ẩm băng từ các lớp bên trong không trực tiếp ra ngoài môi trường, mà thực tế ở đây phải xảy ra quá trình khuếch tán nội, từ bên trong ra bên ngoài bề mặt sau khi thăng hoa, sau đó khuếch tán ra ngoài môi trường, đây là nguyên nhân làm chậm quá trình bay hơi.

 Mặt khác ẩm trong VLA không phải là ẩm nguyên chất, ẩn nhiệt thăng hoa và ẩn nhiệt hóa hơi không phải là hằng số mà chúng luôn phụ thuộc vào nhiệt độ đây cũng là nguyên nhân ảnh hưởng quá trình thăng hoa.

- Tôm sú được giả thiết là hình trụ có kích thước  $H = 75x10^{-3}m$ ,  $R = 4.5x10^{-3}m$ , thực tế tôm sú chỉ gần đúng với hình trụ, hơn nữa khi STH xảy ra hiện tượng biến dạng bề mặt, đây là nguyên nhân dẫn đến sai số.

- Hàm ẩm trong VLA tôm sú được giả thiết là phân bố đều, truyền nhiệt không ổn định theo 2 phương r, z có các mặt đẳng nhiệt đồng tâm để đơn giản hóa bài toán khi giải, nhưng thực tế hàm ẩm không phân bố đều và truyền nhiệt theo 3 phương r, z và góc  $\varphi$ .

Các thông số nhiệt - vật lý được lấy trung bình và xem là hằng số, nhưng thực tế các thông số nhiệt – vật lý này phụ thuộc vào nhiệt độ.

Một điều đáng chú ý ở đây là đường cong STH tính toán từ mô hình: tại thời điểm cuối giai đoạn 2 STH và đầu giai đoạn 3 sấy chân không có bước nhảy là do: nhiệt độ VLA vượt qua nhiệt độ kết tinh nên ẩm bên trong VLA thăng hoa không hết không còn tồn tại ở pha rắn nữa mà chuyển hết sang pha lỏng, cơ chế thăng hoa và cơ chế bay hơi khác nhau, ẩn nhiệt thăng hoa r<sub>th</sub>[kJ/kg] và ẩn nhiệt hoa hơi của ẩm khác nhau, tốc độ bốc hơi cuối giai đoạn thăng hoa bão hòa, tốc độ bốc hơi đầu giai đoạn thăng hoa lớn hơn nhiều. Do đó khi tính toán sẽ tạo ra bước nhảy. Tuy nhiên ở đường cong STH thực nghiệm thì bước nhảy này không thể hiện rõ ràng: nguyên nhân khi kết thúc giai đoạn 2 STH hàm ẩm còn lại trong VLA ít và tốc độ hóa hơi của ẩm đầu giai đoạn 3 không lớn vì xảy ra khuếch tán nội.

Đường cong STH tính toán từ mô hình và thực nghiệm ở *hình 5* được xác định ở điều kiện áp suất buồng thăng hoa  $P_{th} = 0.01 \text{ mmHg}$ , tuy nhiên khi áp suất  $P_{th}$  thay đổi dẫn đến nhiệt độ bề mặt VLA  $t(\mathbf{R}, \mathbf{h}, \mathbf{t})$  thay đổi, hệ số tỏa nhiệt bức xạ  $\mathbf{a}_{bx} [\mathbf{Wm}^{-2}\mathbf{K}^{-1}]$  thay đổi, chuẩn số Bio và nghiệm phương trình đặc trưng (16), (17)  $\mathbf{m}_{n}, \mathbf{m}_{m}$  thay đổi theo, cuối cùng dẫn đến đường cong sấy thay đổi, vấn đề này phải có những nghiên cứu riêng. ở bài viết tiếp theo chúng tôi sẽ công bố kết quả nghiên cứu thiết lập mối quan hệ giữa hệ số tỏa nhiệt bức xạ  $\mathbf{a}_{bx} [\mathbf{Wm}^{-2}\mathbf{K}^{-1}]$ với áp suất STH và việc ứng dụng mô hình này để thiết lập chế độ sấy thích hợp.

#### 4. KÊT LUÂN

Mô hình toán truyền nhiệt – tách ẩm đã được thiết lập ở (27), (28), (29), qua kiểm chứng bằng thực nghiệm chúng tôi khẳng định rằng mô hình toán truyền nhiệt – tách ẩm với sai số: SS(W(t)) = 9.13%. Với hiệu số hiệu chỉnh cho VLA tôm sú A = 1.0913, do đó có thể chấp nhận được và việc ứng dụng mô hình toán này để tính toán thiết kế, cũng như xác lập chế độ công nghệ trong bảo quản các sản phẩm thực phẩm dạng trụ nói chung và thủy hải sản nhóm giáp xác (tôm sú, tôm bạc và tôm thẻ) nói riêng có giá trị kinh tế hoàn toàn phù hợp.

Thời gian STH cũng được xác định từ phương trình (29)  $t = t_{th} + t_{ck} = 10.975 + 8.015 = 18.99h$  hoàn toàn phù hợp với thực tế sản xuất. Tuy nhiên, ở đây chúng tôi cấp nhiệt bằng trở nhiệt bức xạ nên thời gian rút ngắn xuống còn (14-19)h tùy theo độ ẩm VLS yêu cầu cuối cùng, trong thực tế sản xuất cấp nhiệt STH bằng nước nóng thì thời gian sấy kéo dài từ (22 – 25)h. Có thể nói cấp nhiệt bằng bức xạ nhiệt làm tăng hiệu quả kinh tế.

Tóm lại mô hình toán truyền nhiệt – tách ẩm đã được thiết lập ở (27), (28), (29) có tính gọi mở, không chỉ ứng dụng cho VLA thủy hải sản nhóm giáp xác (tôm sú, tôm bạc và tôm thể) mà còn có thể ứng dụng cho tất cả các loại VLA có kích thước hình học là hình trụ có bán kính R và chiều cao là H. Tuy nhiên, do tính chất nhiệt – vật lý khác nhau thì đường cong STH và thời gian STH sẽ khác nhau.

# RESEARCH FOR THE ESTABLISHMENT AND SOLUTION MATHEMATICAL MODEL OF HEAT AND MASS TRANSFER AT THE SAME TIME IN PROCESSING FREEZE - DRYING

Nguyen Tan Dung<sup>(1)</sup>, Trinh Van Dung<sup>(2)</sup>, Tran Duc Ba<sup>(3)</sup> (1)Ho Chi Minh City of University Technical Education (2)University of Technology, VNU-HCM (3)University of Industry Ho Chi Minh City

**ABSTRACT**: When applied technology Freeze – Drying in preserving foods had economy value, it seems that establishment and solution mathematical model heat and mass transfer at the same time in conditional processing freeze – drying is very important problem. From that point it is basis of science to determine regime technology Freeze – Drying. In this article, we will publish result research to set up and solve mathematical model heat and mass transfer at the same time of cylinder form in conditional freeze – drying. Result research will apply for preserving fishery foods crustacean group (PENAEUS MONODON, PENAEUS MERGUIENSIS, PENAEUS VANNAMEI) has economy value.

# TÀI LIỆU THAM KHẢO

- [1]. Nguyễn Tấn Dũng Trịnh Văn Dũng Trần Đức Ba, Nghiên cứu khảo sát các tính chất nhiệt – vật lý của thủy hải sản nhóm giáp xác (tôm sú, tôm bạc và tôm thẻ) ảnh hướng đến quá trình cấp nhiệt – tách ẩm trong sấy thăng hoa, Tạp chí khoa học và Công nghệ thuỷ hải sản, (2008).
- [2]. Nguyễn Tấn Dũng Trần Đức Ba, *Công nghệ lạnh, Tập 1,* NXB ĐHQG Tp.HCM, Năm 2007.
- [3]. Phạm Văn Bôn, *Truyền nhiệt và thiết bị truyền nhiệt, Tập 5, Quyển 1, 2*, NXB ĐHQG Tp.HCM, (2004).
- [4]. Nguyễn Tấn Dũng, Nghiên cứu tính toán thiết kế, chế tạo hệ thống sấy thăng hoa DS-3 phục vụ cho sản xuất các loại thực phẩm cao cấp (Đề tài NCKH cấp bộ), Tạp chí Giáo dục khoa học kỹ thuật, số 3(1), (2007).
- [5]. Gebhart B., Heat Conduction and Mass Diffusion, McGraw Hill, New York, (1992).

- [6]. Holman J., Heat Transfer, McGraw Hill, New York, (1992).
- [7]. Luikov, A.V., Systems of differential equations of heat and mass transfer in capillaryporous bodies. International Journal of Heat and mass transfer, (1975).
- [8]. Pikal, M.J.; M.L.; Shah, S. Mass and Heat transfer in vial freeze drying of pharmaceuticals: role of the vial. J. Pharm. Sci. (1984).
- [9]. Liapis, A.I., Bruttini, R. and Pikal, M.J. Research and development needs and opportunities in freeze drying. Drying Technoloy, (1996).
- [10].Murray R. Spiegel, Các công thức và các bảng toán học cao cấp (người dịch: Ngô Ánh Tuyết), NXB Giáo dục, (1997).